

Інститут Математики НАН України  
Київський Національний Університет ім. Тараса Шевченка  
Національний Педагогічний Університет ім. М. Драгоманова  
Національний технічний Університет України (КПІ)

Дев'ята  
Міжнародна Наукова  
Конференція  
імені академіка  
М. Кравчука

16—19 травня 2002 року, Київ

Матеріали Конференції

Київ — 2002

Інститут Математики НАН України  
Київський Національний Університет ім. Тараса Шевченка  
Національний Педагогічний Університет ім. М. Драгоманова  
Національний Технічний Університет України (КПІ)

**I X**  
**МІЖНАРОДНА**  
**НАУКОВА**  
**КОНФЕРЕНЦІЯ**  
імені академіка  
***M. КРАВЧУКА***

***16 – 19 травня 2002 року, Київ***

**МАТЕРІАЛИ**  
**КОНФЕРЕНЦІЇ**

***Київ – 2002***

*Institute of Mathematics of  
National Academy of Science of Ukraine  
National Shevchenko University  
National Drahomanov Pedagogical University  
National Technical University of Ukraine (KPI)*

**IX**  
**International**  
**Scientific**  
**Kravchuk Conference**

**(16 – 19 May, 2002, Kyiv)**

**Conference Materials**

**Kyiv – 2002**

**Матеріали ІХ –ої Міжнародної наукової конференції ім.  
академіка М. Кравчука ( 16 – 19 травня 2002 р., Київ) / К.: НТУУ  
“КПІ”. — 2002.**

**Оргкомітет ІХ Міжнародної наукової  
конференції ім. акад. М. Кравчука:**

**Акад. НАН України М. Згуровський  
(голова)**  
**Професори Н. Вірченко, В. Шеховцов**  
*(заступники голови)*  
Президент УВАН,США О. Біланюк (США)  
Проф. Є. Сенета (Австралія)  
Проф. М. Фабріціо (Італія)  
Проф. О. Новіков (Україна)  
Проф. В. Булдигін (Україна)  
Акад. НАНУ А. Самойленко (Україна)  
Проф. С. Борисенко (Україна)  
Акад. НАНУ І. Скрипник (Україна)  
Проф. М. Кухарчук (Україна)  
Проф. О. Бойчук (Україна)  
Асист. В. Гайдей (Україна)  
Чл.- кор. НАНУ М. Перестюк (Україна)  
Акад. НАНУ М. Шкіль (Україна)  
Акад. НАНУ Я. Яцків (Україна)

**Organizing Committee of IX International  
Scientific Kravchuk Conference:**

**Acad. NASU M. Zhurovsky  
(Chair)**  
**Professors N. Virchenko, V. Shekhovtsov**  
*(Deputy Chairs)*  
President UAAS in USA O. Bilaniuk (USA)  
Prof. E. Seneta (Australia)  
Prof. M. Fabrizio (Italy)  
Prof. O. Novikov (Ukraine)  
Prof. V. Buldyhin (Ukraine)  
Acad. NASU A. Samoilenco (Ukraine)  
Prof. S. Borysenko (Ukraine)  
Acad. NASU I. Skrypnyk (Ukraine)  
Prof. M. Kukharchuk (Ukraine)  
Prof. O. Boichuk (Ukraine)  
Ass. V. Haidey (Ukraine)  
Memb.-corresp. NASU M. Perestyuk (Ukraine)  
Acad. NASU M. Shkil' (Ukraine)  
Acad. NASU Ya. Yatskiv (Ukraine)

**ISBN 5-8238-0764-3**

**© НТУУ “КПІ”, 2002**

## РОЗВ'ЯЗУВАННЯ УМОВНИХ КОМБІНАТОРНИХ ЗАДАЧ НА ПЕРЕСТАВЛЕННЯХ

Ємець О.О., Чілікіна Т.В.

Полтавський державний технічний університет імені Юрія Кондратюка

Серед задач оптимізації важливі задачі, що мають комбінаторний характер. В даній роботі розглядається алгоритм розв'язання задачі евклідової комбінаторної оптимізації на множині переставлень  $E_{nk}$  із лінійною цільовою функцією і додатковими умовами:

$$f(x) = \sum_{i=1}^k c_i x_i \rightarrow \max \quad (1)$$

при обмеженнях:  $p_\tau(x) = \sum_{i=1}^k a_{ti} x_i + b_\tau \geq 0, \quad \tau = 1, \dots, h, \quad (2)$

$$q_s(x) = \sum_{i=1}^k \sum_{j=1}^k a_{ij} x_i x_j + d_s \geq 0, \quad s = 1, \dots, r, \quad (3)$$

$$x = (x_1, x_2, \dots, x_n) \in E_{nk}, \quad (4)$$

Крок 0.  $m = 1; \mu = 1; v = 1; w = 1.$

Крок 1. Розв'язуємо задачу лінійного програмування (1) при обмеженнях (2) та  $x \in \Pi_{kn} = \text{conv } E_{nk}$ . Точку, що дає розв'язок позначимо  $x^m$ , збільшимо  $m$  на одиницю  $m := m + 1$ .

Крок 2. Шукаємо  $\min_{1 \leq s \leq r} q_s(x^m) = q_{s^*}(x^m).$

Крок 3. Якщо  $q_{s^*}(x^m) \geq 0$  переходимо на крок 4. В іншому випадку  $q_s(x) = g_\mu(x, x^m) = p_{\tau+\mu}(x)$ , де  $g_\mu(x, x^m) = q_{s^*}(x^m) + \nabla q_{s^*}(x^m) \cdot (x - x^m)$ , де  $g_\mu(x, x^m) \geq 0$ ,  $\mu := \mu + 1$ , під'єднуємо до системи обмежень (2) отримане обмеження, і повертаємося на крок 1.

Крок 4. Перевіряємо виконання співвідношення  $x^m \in E_{nk}$ , якщо це так, переходимо на крок 6, інакше за методом комбінаторного відсікання [1] будуємо лінійну нерівність-відсікання, яка не виконується в точці  $x^m$ , але виконується в усіх точках, що задовільняють (2)-(4). Під'єднуємо отримане обмеження до системи (2) лінійних обмежень і розв'язуємо задачу (1) при обмеженнях (2) та  $x \in \Pi_{kn}$ . Точку, що задає цей розв'язок позначаємо  $x^w$ ,  $w := w + 1$ .

Крок 5. Шукаємо  $\min_{1 \leq s \leq r} q_s(x_w) = q_{s^*}(x_w)$ . Якщо  $q_{s^*}(x_w) \geq 0$ , переходимо на крок 6, в іншому випадку  $t^v(x, x_w) = q_{s^*}(x_w) + \nabla q_{s^*}(x_w) \cdot (x - x_w)$  під'єднуємо отримане обмеження  $t^v(x, x_w) \geq 0$ ,  $v := v + 1$ , до системи обмежень (2) і переходимо на крок 1.

Крок 6. Зупинку алгоритму.

### Література

1. Ємець О.О., Ємець Є.М. Відсікання в лінійних частково комбінаторних задачах евклідової комбінаторної оптимізації// Доп. НАН України.- 2000.-№9.-С.105-109.

## ІМЕННИЙ ПОКАЖЧИК

Вірченко Н. 6	Хучраєва Т. 36	Денисюк І. 64
Качановський І. 7, 8	Шляхов С. 36	Дзира Б. 65
<b>Секція I</b>		
Александрович І. 11	Кириллова Т. 36	Чорнописький Д.
Ребрик Ю.	Хасаншина А. 38	Дудка В. 67
Андрейцев А. 13	Урюпина Н. 38	Ермолаев И. 68
Антонова В. 14	Хучраєва Т. 38	Жбанов А.
Бурківська В.	Вергунова І. 40	Коромыслова О.
Копистира М.	Гайдук О.	Жегалов В. 70
Arshava E. 15	Душейко П.	Жидик У. 71
Балабушенко Т. 16	Вігак В. 41, 42, 43	Жукова Н. 72
Івасишен С.	Ігнатчук Д. 41	Жуплан Ю. 73
Бармак О. 17	Кіт С. 41	Зазуляк П. 74
Крак Ю.	Ричагівський А. 42	Фис М.
Кривко О.	Токовий Ю. 43	Волос В.
Березовский А. 18	Сршов Ю. 43	Гончар Ф.
Яницкая Л.	Власій О. 44	Заїкина Т. 75
Бернацька Ю. 20	Вовк Л. 45	Заславський В. 76
Блажевський С. 21	Войтович М. 46	Малиновська О.
Блажієвський А. 22	Георгалина Е. 47	Кірсеев С.
Француз С.	Гладка Ю. 48	Захарійченко Ю. 77
Боженко М. 23	Сдобріков Ф.	Захиров К. 78
Зінько Я.	Гладкий А. 49	Берднєв Р.
Сокіл Б.	Харрісон Д.	Зернов А. 79, 80, 81, 82
Божко В. 24, 25	Глущенко А. 50	Гладких Т. 79
Ковалев В.	Гординська Т.	Кузина Ю. 80
Бомба А. 27	Гой Т. 51	Перец О. 81
Присяжнюк І.	Власій О.	Чайчук О. 82
Боровиков Г. 28	Гончаренко В. 52	Зражевська В. 83
Виноградов А.	Горdevський В. 53	Зражевський Г. 84
Хучраєв А.	Горовуу О. 54	Ільків В. 85
Авдоніна Г.	Гаркуша В. 56	Коник І.
Борук І. 29	Гаращук І.	Пелех Я.
Бояршина Л. 30	Гречко А. 57	Калайдза О. 86
Ковалчук П.	Грицай В. 58	Каленюк П. 87
Холопова В.	Грицай И. 59	Когут І.
Бугрій М. 32	Бендіткис Д.	Нитребич З.
Булавацький В. 33	Громин А. 60	Карнаухова Т. 88
Буряков А. 34, 36, 38	Денисенко О. 61	Cattani C. 89
Кириллова Т. 34	Денисов С. 62	Laserra E.
Хучраєва Т. 34	Семенов В.	Керефов А. 90
	Денисова Т. 63	Кириллов В. 91
	Попова Н.	Шаров А.
	Проценко В.	

- Федак І. 200  
 Федорчук В.М. 201  
     Федорчук В.І.  
 Филимонова Е. 202  
 Харитонова Л. 203  
 Хребет В. 204  
     Гарачук О.  
     Панаріна Ю.  
 Чернушенко Й. 205  
 Chiricalov V. 207  
 Швец А. 209  
 Шевчук О. 210  
 Шинкарик М. 211  
 Shkundin D. 212  
 Шуклін Г. 213  
     Хусаїнов Д.  
 Шульга М. 214  
     Левченко В.  
     Ратушняк Т.  
 Южакова Г. 215  
 Юрік І. 216  
 Яковенко В. 217  
 Yatsenko T. 218
- Секція II**
- Абрамчук І. 220  
     Абрамчук В.  
 Авдєєва Т. 221  
     Ганюшкін О.  
 Babko A. 222  
 Баб'як-Білецька Л. 223  
     Горбачук О.  
 Беркела Ю. 224  
 Білоцький М. 225  
 Бобик І. 226  
     Олексів І.  
 Богданов С. 227  
 Боднар Д. 228  
     Манзій О.  
     Гоенка Н.  
     Баран О.  
     Дмитришин Р.
- Бойцун Л. 229  
     Рыбникова Т.  
 Босікова І. 230  
 Boumaraf F. 231  
 Buonanno L. 232  
     Borysenko S.  
     Pecoraro M.  
     Yasinsky V.  
 Бусурулов О. 234  
 Валуйська О. 235  
     Пічугіна О.  
 Веселовська О. 236  
 Вешемірський А. 237  
     Абрамчук В.  
 Возна С. 238  
     Кучмінська Х.  
     Ель Хатіб А.  
 Войцеховський С. 239  
     Рак Л.  
 Волкова О. 240  
 Воробьев И. 241  
 Гаврильченко М. 242, 243  
     Микеш Й.  
 Гайдей В. 245  
 Гвоздьова Є. 246  
     Сидоренко Ю.  
 Hentosh O. 247  
 Гінайло П. 248  
 Глухов О. 249  
 Глушкова Л. 250  
 Horbachuk O. 251  
     Maturin Yu.  
 Городецкий В. 252  
 Готинчан Т. 253  
     Шеленко О.  
 Гребенюк М. 254  
 Гречко В. 255  
 Григор'єв Ю. 256  
 Григорків В. 257  
 Gryshko Yu. 258  
 Гроза В. 259  
 Гудзенко С. 260
- Деканов С. 261  
 Денисенко Н. 262  
 Денисюк О. 263  
     Сосонна Т.  
 Дишиліс О. 264, 265  
     Варех Н. 264  
     Герасимова О. 264  
     Цибаньов М. 265  
 Дмитренко С. 266  
     Барановський О.  
 Довгай В. 267  
 Домбровський Р. 268 — 270  
     Kaц D. 268  
     Кирницька Н. 269  
     Осадча I. 270  
 Drінь С. 271  
 Дудкін М. 272  
 Дума В. 273  
 Дутчак Б. 274  
 Djokarev Ю. 275  
 Erovenko V. 276  
 Ємець О. 277  
     Чілкіна Т.  
 Жучок А. 278  
 Запускалова Т. 279  
 Zelenkov V. 280  
 Зельдич М. 281  
 Зельдич М. 282  
 Зузук Л. 283  
 Ivoхін C. 284  
     Волчков С.  
 Кабалянц П. 285  
 Казмерчук А. 286  
 Калайдза О. 287, 288  
 Карпенко В. 289  
 Карленко И. 291  
 Карпова М. 292  
     Кириллова Т.  
     Урюпина Н.  
     Хучраєва Т.  
 Karupi O. 294